



Nacionalni centar
za vanjsko vrednovanje
obrazovanja

Azonosító matrica

FIGYELMESEN RÁRAGASZTANI

MATEMATIKA

DRŽAVNA MATURA

šk. god. 2023./2024.

KÉPLET FÜZET

KÉPLETEK

- A komplex szám algebrai alakja: $z = a + bi$, $a, b \in \mathbb{R}$, $i^2 = -1$, $\bar{z} = a - bi$, $|z| = \sqrt{a^2 + b^2}$

- A komplex szám trigonometrikus alakja: $z = r(\cos \varphi + i \sin \varphi)$, $\varphi \in [0, 2\pi)$,

$$z_1 \cdot z_2 = r_1 r_2 (\cos(\varphi_1 + \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 + \varphi_2))$$

$$\frac{z_1}{z_2} = \frac{r_1}{r_2} (\cos(\varphi_1 - \varphi_2) + i \sin(\varphi_1 - \varphi_2))$$

$$z^n = r^n (\cos n\varphi + i \sin n\varphi)$$

- $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$, $a^m : a^n = a^{m-n}$ ($a \neq 0$), $a^{-m} = \frac{1}{a^m}$ ($a \neq 0$), $\sqrt[m]{a^n} = a^{\frac{n}{m}}$

- $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2ab + b^2$, $(a \pm b)^3 = a^3 \pm 3a^2b + 3ab^2 \pm b^3$

- $a^2 - b^2 = (a - b)(a + b)$, $a^3 \pm b^3 = (a \pm b)(a^2 \mp ab + b^2)$

- $\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$

- Másodfokú egyenlet: $ax^2 + bx + c = 0$, $a \neq 0 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

- Viéte képletei: $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$, $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$

- A parabola csúcspontja: $T\left(-\frac{b}{2a}, \frac{4ac - b^2}{4a}\right)$

- $b^x = a \Leftrightarrow x = \log_b a$, $\log_b b^x = x = b^{\log_b x}$

- $\log_b(xy) = \log_b x + \log_b y$, $\log_b \frac{x}{y} = \log_b x - \log_b y$, $\log_b x^y = y \log_b x$, $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$

- A háromszög területe: $P = \frac{a \cdot v_a}{2}$, $P = \sqrt{s \cdot (s-a) \cdot (s-b) \cdot (s-c)}$, $s = \frac{a+b+c}{2}$

$$P = \frac{ab \sin \gamma}{2}, \quad P = \frac{abc}{4r_o}, \quad P = r_u s$$
- Egyenlő oldalú háromszög: $P = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4}$, $v = \frac{a \sqrt{3}}{2}$, $r_o = \frac{2}{3} v$, $r_u = \frac{1}{3} v$
- Paralelogramma területe: $P = a \cdot v$
- Trapéz területe: $P = \frac{a+c}{2} \cdot v$
- Kör területe: $P = r^2 \pi$
- Kör kerülete: $O = 2r\pi$
- Körcikk területe: $P = \frac{r^2 \pi \alpha}{360^\circ}$
- Körív hossza: $l = \frac{r \pi \alpha}{180^\circ}$

B = alaplapp területe, P = oldallapp területe, h = magasság hossza

- Hasáb és henger térfogata: $V = B \cdot h$
- Hasáb és henger felszíne: $O = 2B + P$
- Gúla és kúp térfogata: $V = \frac{1}{3} B \cdot h$
- Gúla felszíne: $O = B + P$
- Kúp felszíne: $O = r^2 \pi + r \pi s$, r = az alaplapp sugárhossza, s = az alkotó hossza
- Gömb térfogata: $V = \frac{4}{3} r^3 \pi$, r = gömb sugárhossza
- Gömb felszíne: $O = 4r^2 \pi$, r = gömb sugárhossza

- A derékszögű háromszögben:

$$\text{szög szinusza} = \frac{\text{szemközti befogó}}{\text{szög koszinusza}}, \quad \text{szög koszinusza} = \frac{\text{szög melletti befogó}}{\text{átfogó}},$$

$$\text{szög tangense} = \frac{\text{szemközti befogó}}{\text{szög melletti befogó}}$$

- Szinusztétel: $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma}$

- Koszinusztétel: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \gamma$

- $\sin^2 x + \cos^2 x = 1, \quad \operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$

- $\sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}, \quad \sin \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad \sin \frac{\pi}{3} = \frac{\sqrt{3}}{2}$

- Két pont közötti távolság $T_1(x_1, y_1)$ és $T_2(x_2, y_2)$: $d(T_1, T_2) = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$

- A szakasz felezőpontja $\overline{T_1 T_2}$: $P\left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2}\right)$

- Vektor $\overrightarrow{T_1 T_2}$: $\overrightarrow{T_1 T_2} = \vec{a} = (x_2 - x_1)\vec{i} + (y_2 - y_1)\vec{j} = a_1\vec{i} + a_2\vec{j}$

- Vektorok skaláris szorzata: $\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos \alpha, \quad \vec{a} \cdot \vec{b} = a_1 b_1 + a_2 b_2$

- Egyenes egyenlete: $y - y_1 = k(x - x_1), \quad k = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$

- Két egyenes közötti szög α : $\operatorname{tg} \alpha = \left| \frac{k_2 - k_1}{1 + k_1 k_2} \right|$

- A $T(x_1, y_1)$ pont távolsága p ... $Ax + By + C = 0$: $d(T, p) = \frac{|Ax_1 + By_1 + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$

- Egy pontban lévő r sugarú kör egyenlete $S(p, q): (x - p)^2 + (y - q)^2 = r^2$

- Számtani sorozat: $a_n = a_1 + (n - 1) \cdot d$, $S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$

- Mértani sorozat: $a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$, $S_n = a_1 \frac{q^n - 1}{q - 1}$

- Szorzat deriválása: $(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$

- Hányados deriválása: $\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$

- Érintő egyenlete az f függvény grafikonjának $T(x_1, y_1)$ pontjában: $y - y_1 = f'(x_1) \cdot (x - x_1)$

- Derivációk:

$$c' = 0$$

$$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}, n \neq 0$$

$$(\sin x)' = \cos x$$

$$(\cos x)' = -\sin x$$

$$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$$

Üres oldal

Üres oldal

Üres oldal